

# Formulario Campo Eléctrico en la Materia

Capacidad de un conductor:

$$C = \frac{Q}{V}$$

Capacidad de un conductor esférico

$$C = 4\pi\epsilon_0 R$$

en el sistema (UEE):

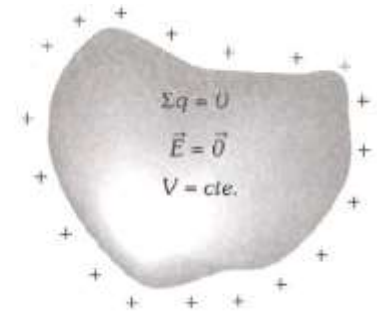
$$C = R$$

Teorema de Coulomb:

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{n}$$

Energía electrostática almacenada en un conductor cargado en equilibrio:

$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



En un conductor cargado en equilibrio el campo en su interior es nulo, las cargas se encuentran localizadas en su superficie y el potencial es constante, constituyendo todo el conductor un volumen equipotencial.

Capacidad de un condensador:

$$C = \frac{Q}{V_1 - V_2}$$

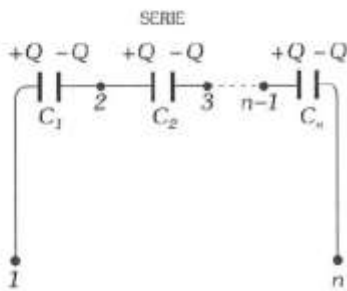
Capacidad de un condensador plano:

$$C = \frac{\epsilon A}{d}$$

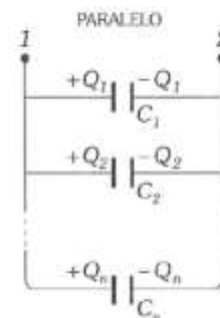
Capacidad de un condensador esférico:

$$C = \frac{4\pi\epsilon r_a r_b}{r_b - r_a}$$

Asociación de condensadores:



$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}$$



$$C = C_1 + C_2 + \dots + C_n$$

Energía de un condensador cargado:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} Q(V_1 - V_2) = \frac{1}{2} C(V_1 - V_2)^2$$

Energía de la unidad de volumen en un campo eléctrico:

$$u = \frac{U}{v} = \frac{1}{2} \epsilon E^2$$

**Constante dieléctrica del medio y permitividad:**  $\epsilon' = \frac{C}{C_0} = \frac{\epsilon}{\epsilon_0} \Rightarrow \epsilon = \epsilon' \epsilon_0$

$\epsilon'$  es el cociente entre las capacidades cuando el dieléctrico «llena» el espacio entre las armaduras del condensador.

**Campo eléctrico en el interior del dieléctrico:**  $E = \frac{E_f}{\epsilon'} = E_f - E_b$

$E_f$ : campo eléctrico debido a las cargas libres.

$E_b$ : campo eléctrico debido únicamente a las cargas inducidas.

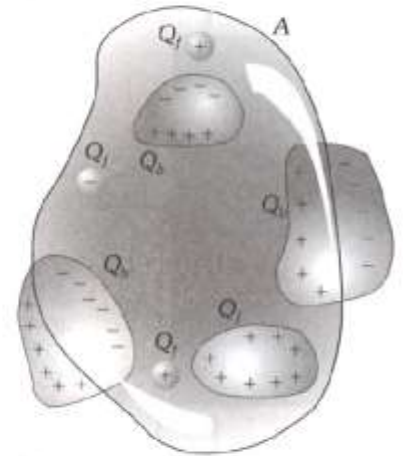
**Teorema de Gauss con dieléctricos:**  $\phi = \oint_A \mathbf{E} \cdot d\mathbf{A} = \frac{\Sigma Q_f}{\epsilon_0} + \frac{\Sigma Q_b}{\epsilon_0}$

$\Sigma Q_f$  y  $\Sigma Q_b$ , son la carga total libre y ligada (en los dieléctricos) encerrada en la superficie  $A$  (figura).

**Susceptibilidad eléctrica:**  $\chi = \epsilon - \epsilon_0$

**Vector polarización:**  $\mathbf{P} = \frac{d\mathbf{p}}{dv} = N\mathbf{p} = \chi\mathbf{E} \quad \sigma = \mathbf{P} \cdot \mathbf{n}$

$N$ : número de moléculas polarizadas por unidad de volumen en un dieléctrico LHI.  
 $\mathbf{n}$  = vector unitario en la dirección perpendicular a la superficie.



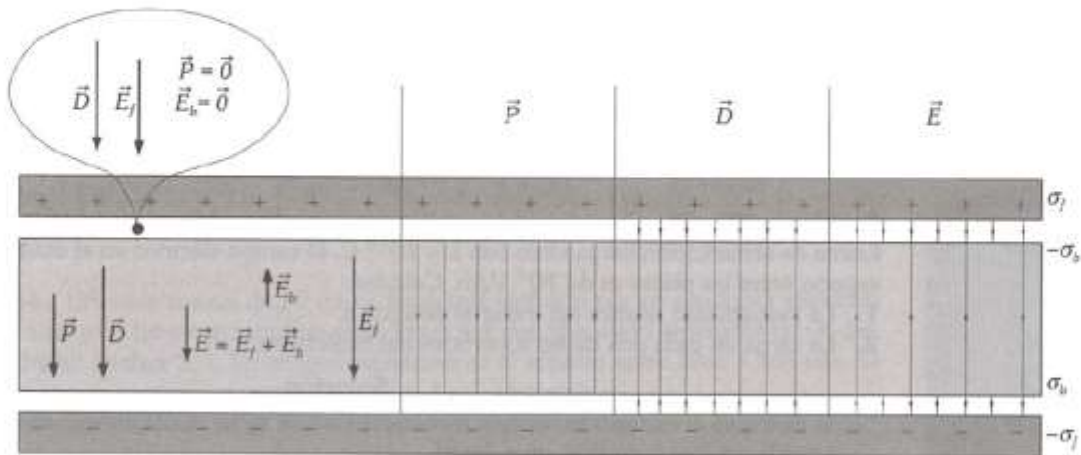
Superficie gaussiana en presencia de dieléctricos.

**Vector desplazamiento:**  $\mathbf{D} = \epsilon_0 \mathbf{E} + \mathbf{P} = \epsilon \mathbf{E}$

**Ley de Gauss al vector desplazamiento. Primera Ecuación de Maxwell:**  $\oint_A \mathbf{D} \cdot d\mathbf{A} = Q_f$

**Ley de Gauss al vector polarización:**  $\oint_A \mathbf{P} \cdot d\mathbf{A} = Q_b$

**Energía por unidad de volumen del campo eléctrico:**  $u = \frac{dU}{dv} = \frac{1}{2} \mathbf{E} \cdot \mathbf{D}$



Esquema de los vectores y líneas de campo de  $\vec{E}$ ,  $\vec{D}$  y  $\vec{P}$  en un dieléctrico LHI entre placas de un condensador plano.